

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«КАРАЧАЕВО-ЧЕРКЕССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ У.Д. АЛИЕВА»

Физико-математический факультет

Кафедра информатики и вычислительной математики

УТВЕРЖДАЮ
И. о. проректора по УР
М. Х. Чанкаев
«29» мая 2024 г., протокол № 8

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

ВЫЧИСЛИТЕЛЬНАЯ МАТЕМАТИКА

(наименование дисциплины (модуля))

Направление подготовки

09.03.01 Информатика и вычислительная техника

(шифр, название направления)

Направленность (профиль) подготовки

Системы автоматизированного проектирования

Квалификация выпускника

бакалавр

Форма обучения

Очная

Год начала подготовки - 2024

(по учебному плану)

Карачаевск, 2024

Составитель: ст. преп. кафедры Узденова Б.Ф.

Фонд оценочных средств составлен в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 09.03.01 Информатика и вычислительная техника, утвержденным приказом Министерства образования и науки Российской Федерации № 929 от 19.09.2017г., основной профессиональной образовательной программой высшего образования по направлению подготовки 09.03.01 Информатика и вычислительная техника, направленность (профиль): «Системы автоматизированного проектирования», локальными актами КЧГУ.

Фонд оценочных средств рассмотрен и утвержден на заседании кафедры информатики и вычислительной математики на 2024-2025 учебный год, протокол № 9 от 07 мая 2024г.

ТЕСТОВЫЕ ВОПРОСЫ ПО ДИСЦИПЛИНЕ ОП.01 «ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ»

Компетенции:

| Код компетенций | Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ОПВО | Индикаторы достижения сформированности компетенций |
|------------------------|--|---|
| УК-2 | Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений | УК.Б-2.1 Знает способы решения поставленных задач и ожидаемые результаты; круг задач в рамках поставленной цели, определяет связи между ними УК.Б-2.2 Умеет планировать реализацию задач в зоне своей ответственности с учетом имеющихся ресурсов и ограничений, действующих правовых норм УК.Б-2.3 Владеет навыками представления результатов проекта, предлагает возможности их использования и/или совершенствования |
| ПК-2 | Способен проводить обследование организаций, выявлять информационные потребности пользователей, формировать требования к информационной системе | ПК-2.1. Знает исходную информацию о запросах и потребностях заказчика применительно к информационной системе, документирует собранные данные в соответствии с регламентами организации информации ПК-2.2. Умеет документировать существующие бизнес-процессы организации заказчика, разрабатывает модели бизнес-процессов заказчика и адаптирует бизнес-процессы заказчика к возможностям информационной системы ПК-2.3. Владеет навыками демонстрации знаний по основам управления взаимоотношения с клиентами и заказчиками |

| Номер задания | Правильный ответ | Содержание вопроса | Компетенция |
|--|------------------|---|-------------|
| Задания закрытого типа с одним правильным ответом | | | |
| 1 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильный ответ. Какой метод используется для интерполяции функции по заданным ее значениям?</p> <p>1) Метод деления отрезка 2) Метод трапеций 3) Метод Лагранжа 4) Метод Гаусса</p> | УК-2 |
| 2 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильный ответ Какой из следующих методов является численным методом интегрирования?</p> <p>1) Метод бисекции 2) Метод Симпсона 3) Метод Рунге-Кутты 4) Метод Гаусса</p> | ПК-2 |
| 3 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильный ответ. Этот метод является наиболее распространенным приемом решения систем линейных уравнений, алгоритм последовательного исключения неизвестных</p> <p>1) Метод Гаусса 2) Метод Крамера 3) Метод обратный матриц 4) Метод Симпсона</p> | УК-2 |
| 4 | | <p>Прочитайте текст и выберите правильный ответ Верно ли следующее суждение? Метод бисекции всегда сходится, если функция непрерывна на заданном отрезке.</p> <p>1) Да 2) Нет 3) Частично верно</p> | ПК-2 |

| | | | |
|---|--|---|------|
| 6 | | <p>Прочтите текст и выберите правильный ответ. Как вычисляется относительная погрешность?</p> <p>1) Относительная погрешность = абсолютная погрешность / истинное значение 2) Относительная погрешность = истинное значение / абсолютная погрешность 3) Относительная погрешность = абсолютная погрешность * истинное значение 4) Относительная погрешность = истинное значение - абсолютная погрешность</p> | УК-2 |
|---|--|---|------|

Задания закрытого типа с несколькими правильными ответами

| | | | |
|----|--|---|------|
| 7 | | <p>Прочтите текст и выберите правильные ответы. Какой метод приближенного решения нелинейных уравнений требует нахождения производной функции?</p> <p>1) Метод Ньютона 2) Метод бисекции 3) Метод простой итерации 4) Метод хорд</p> | УК-2 |
| 8 | | <p>Прочтите текст и выберите правильные ответы. В каком методе приближенного решения определенных интегралов используется разбиение интервала интегрирования на равные части?</p> <p>1) Метод прямоугольников 2) Метод трапеций 3) Метод Ньютона 4) Метод Монте-Карло</p> | ПК-2 |
| 9 | | <p>Прочтите текст и выберите правильные ответы. Необходимо найти корень уравнения $-x^3 - 3x^2 + 10 = 0$ методами хорд и касательных на отрезке $[1,2]$. Какими из следующих формул вычисляется первое приближение к корню x_1 данными методами?</p> <p>1) $x_1 = 1 - \frac{f(1)}{f'(1)}$ 2) $x_1 = 2 - \frac{f(2)}{f'(2)}$ 3) $x_1 = 2 - \frac{f(2)}{f(2) - f(1)}(2 - 1)$ 4) $x_1 = 1 - \frac{f(1)}{f(2) - f(1)}(2 - 1)$</p> | УК-2 |
| 10 | | <p>Прочтите текст и выберите правильные ответы. Интерполяция используется для:</p> <p>1) Определения значения функции в точках, где</p> | ПК-2 |

| | | | |
|----|--|--|------|
| | | <p>она не задана</p> <p>2) Решения дифференциальных уравнений</p> <p>3) Аппроксимации данных</p> <p>4) Определения производной функции</p> | |
| 11 | | <p>Прочтите текст и выберите правильные ответы</p> <p>Какие утверждения верны для метода Рунге-Кутта в численном решении ОДУ?</p> <p>1) Метод может быть использован для жестких систем.</p> <p>2) Метод требует вычисления производной на каждом шаге.</p> <p>3) Более высокая степень метода приводит к большей точности.</p> <p>4) Метод не требует начальных условий.</p> | УК-2 |
| 12 | | <p>Прочтите текст и выберите правильные ответы и обоснуйте свой выбор.</p> <p>Какие методы можно использовать для аппроксимации функций?</p> <p>1) Полиномиальная интерполяция.</p> <p>2) Метод конечных разностей.</p> <p>3) Метод Гаусса.</p> <p>4) Сплайн-интерполяция.</p> | ПК-2 |

Задания закрытого типа. Задачи на соответствие

| 13 | | <p>Прочтайте текст и установите соответствие между методами и их формулами:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Метод</th><th>Описание</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>A) Метод трапеций</td><td>1) $x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$</td></tr> <tr> <td>Б) Метод Симпсона</td><td>2) $S = \int_a^b f(x)dx \approx \frac{b-a}{6n} (y_0 + 4y_1 + 2y_2 + \dots + 4y_{2n-1} + y_{2n})$</td></tr> <tr> <td>В) Метод Ньютона</td><td>3) $S = \int_a^b f(x)dx \approx h \left(\frac{y_0 + y_n}{2} + y_1 + y_2 + \dots + y_{n-1} \right)$</td></tr> </tbody> </table> | Метод | Описание | A) Метод трапеций | 1) $x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$ | Б) Метод Симпсона | 2) $S = \int_a^b f(x)dx \approx \frac{b-a}{6n} (y_0 + 4y_1 + 2y_2 + \dots + 4y_{2n-1} + y_{2n})$ | В) Метод Ньютона | 3) $S = \int_a^b f(x)dx \approx h \left(\frac{y_0 + y_n}{2} + y_1 + y_2 + \dots + y_{n-1} \right)$ | УК-2 |
|-------------------|---|--|--------|----------|-------------------|---|-------------------|--|------------------|---|------|
| Метод | Описание | | | | | | | | | | |
| A) Метод трапеций | 1) $x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$ | | | | | | | | | | |
| Б) Метод Симпсона | 2) $S = \int_a^b f(x)dx \approx \frac{b-a}{6n} (y_0 + 4y_1 + 2y_2 + \dots + 4y_{2n-1} + y_{2n})$ | | | | | | | | | | |
| В) Метод Ньютона | 3) $S = \int_a^b f(x)dx \approx h \left(\frac{y_0 + y_n}{2} + y_1 + y_2 + \dots + y_{n-1} \right)$ | | | | | | | | | | |
| 14 | | <p>Прочтайте текст и установите соответствие между задачами с их описаниями:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>задача</th><th>описание</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>А) Интерполяция</td><td>1) Многочлен, который</td></tr> </tbody> </table> | задача | описание | А) Интерполяция | 1) Многочлен, который | ПК-2 | | | | |
| задача | описание | | | | | | | | | | |
| А) Интерполяция | 1) Многочлен, который | | | | | | | | | | |

| | | <p>Б) Узловые точки В) Полином интерполяции</p> | <p>проходит через узловые точки. 2) Значения, в которых известны функции. 3) Процесс нахождения промежуточных значений.</p> | | | | | | | | | |
|--|--|--|---|-------|----------------|--|---|---|--|--|--|------|
| 15 | | <p>Прочтайте текст и установите соответствие между методами и их характеристикой:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Метод</th><th>Характеристика</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>А) Метод Гаусса с выбором главного элемента</td><td>1) Улучшенный метод Якоби с использованием текущих значений.</td></tr> <tr> <td>Б) Метод Якоби</td><td>2) Метод, улучшающий стабильность алгоритма Гаусса</td></tr> <tr> <td>В) Метод Зейделя</td><td>3) Метод, использующий итерационный подход для решения систем</td></tr> </tbody> </table> | | Метод | Характеристика | А) Метод Гаусса с выбором главного элемента | 1) Улучшенный метод Якоби с использованием текущих значений. | Б) Метод Якоби | 2) Метод, улучшающий стабильность алгоритма Гаусса | В) Метод Зейделя | 3) Метод, использующий итерационный подход для решения систем | УК-2 |
| Метод | Характеристика | | | | | | | | | | | |
| А) Метод Гаусса с выбором главного элемента | 1) Улучшенный метод Якоби с использованием текущих значений. | | | | | | | | | | | |
| Б) Метод Якоби | 2) Метод, улучшающий стабильность алгоритма Гаусса | | | | | | | | | | | |
| В) Метод Зейделя | 3) Метод, использующий итерационный подход для решения систем | | | | | | | | | | | |
| 16 | | <p>Прочтайте текст и установите соответствие между типами дифференциальных уравнений с их определениями:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Типы</th><th>Определения</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>А) Обыкновенное дифференциальное уравнение (ОДУ)</td><td>1) Уравнение, содержащее только производные одной переменной.</td></tr> <tr> <td>Б) Частное дифференциальное уравнение (ЧДУ)</td><td>2) Уравнение, содержащее производные нескольких переменных</td></tr> <tr> <td>В) Линейное дифференциальное уравнение</td><td>3) Уравнение, в котором переменные и их производные не умножаются друг на друга.</td></tr> </tbody> </table> | | Типы | Определения | А) Обыкновенное дифференциальное уравнение (ОДУ) | 1) Уравнение, содержащее только производные одной переменной. | Б) Частное дифференциальное уравнение (ЧДУ) | 2) Уравнение, содержащее производные нескольких переменных | В) Линейное дифференциальное уравнение | 3) Уравнение, в котором переменные и их производные не умножаются друг на друга. | ПК-2 |
| Типы | Определения | | | | | | | | | | | |
| А) Обыкновенное дифференциальное уравнение (ОДУ) | 1) Уравнение, содержащее только производные одной переменной. | | | | | | | | | | | |
| Б) Частное дифференциальное уравнение (ЧДУ) | 2) Уравнение, содержащее производные нескольких переменных | | | | | | | | | | | |
| В) Линейное дифференциальное уравнение | 3) Уравнение, в котором переменные и их производные не умножаются друг на друга. | | | | | | | | | | | |

| 17 | | <p>Прочтите текст и установите соответствие между типы решений с их определениями:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Элемент веб-дизайна</th><th>Характеристики</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>A) Общее решение Б) Частное решение В) Критическое решение</td><td>1) Решение, содержащее произвольные константы. 2) Решение, полученное для конкретных начальных условий. 3) Решение, которое не зависит от начальных условий.</td></tr> </tbody> </table> | Элемент веб-дизайна | Характеристики | A) Общее решение Б) Частное решение В) Критическое решение | 1) Решение, содержащее произвольные константы. 2) Решение, полученное для конкретных начальных условий. 3) Решение, которое не зависит от начальных условий. | УК-2 |
|---|--|---|---------------------|----------------|--|--|------|
| Элемент веб-дизайна | Характеристики | | | | | | |
| A) Общее решение Б) Частное решение В) Критическое решение | 1) Решение, содержащее произвольные константы. 2) Решение, полученное для конкретных начальных условий. 3) Решение, которое не зависит от начальных условий. | | | | | | |
| Задания закрытого типа на установление правильной последовательности | | | | | | | |
| 18 | | <p>Прочтите текст и установите правильную последовательность. Установите правильную последовательность шагов для применения метода Гаусса для решения системы линейных уравнений:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) Запись матрицы системы. 2) Приведение матрицы к треугольному виду. 3) Обратный ход. 4) Проверка решения. | ПК-2 | | | | |
| 19 | | <p>Прочтите текст и установите правильную последовательность. Установите правильную последовательность основных этапов метода Симпсона для численного интегрирования:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) Разделение интервала на чётное число подинтервалов. 2) Вычисление значений функции на концах и серединах подинтервалов. 3) Применение формулы Симпсона. 4) Суммирование результатов. | УК-2 | | | | |
| 20 | | <p>Прочтите текст и установите правильную последовательность. Установите правильную последовательность шагов для численного решения дифференциального уравнения $y' = y - x^2 + 1$ с начальным условием $y(0) = 0.5$:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) Определить шаг интегрирования. 2) Вычислить значения k_1, k_2, k_3, k_4 для метода Рунге-Кутты. 3) Обновить значение y с использованием полученных k. 4) Повторить шаги 2 и 3 для следующего значения x. | ПК-2 | | | | |

| | | | |
|----|--|--|------|
| | | | |
| 21 | | <p>Прочтите текст и установите правильную последовательность.</p> <p>Установите правильную последовательность шагов решения системы уравнений методом Гаусса:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) Записать систему в виде расширенной матрицы. 2) Привести матрицу к верхнетреугольному виду. 3) Найти значения переменных методом обратной подстановки. 4) Записать решение. | УК-2 |
| 22 | | <p>Прочтите текст и установите правильную последовательность.</p> <p>Установите правильную последовательность шагов для вычисления корня уравнения $(x)=x^2-4$ на интервале $[0,3]$ методом деления отрезка пополам:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) Определить значения функции на концах интервала. 2) Вычислить середину интервала. 3) Проверить, находится ли корень в левой или правой половине. 4) Повторять шаги 2 и 3, пока не достигнем заданной точности. | ПК-2 |

Задания открытого типа на дополнение

| | | | |
|----|--|--|------|
| 23 | | <p>Запишите термин, о котором идет речь.</p> <p>Численный метод интегрирования, который аппроксимирует область под кривой с помощью трапеций, основанный на значениях функции в концах отрезка. (ответ запишите строчными буквами)</p> | УК-2 |
| 24 | | <p>Запишите термин, о котором идёт речь.</p> <p>Численный метод для вычисления определенных интегралов, который использует параболическую интерполяцию для улучшения точности по сравнению с методом трапеций. (ответ запишите строчными буквами)</p> | ПК-2 |
| 25 | | <p>Запишите термин, о котором идёт речь.</p> <p>Численный метод для нахождения корней функции, основанный на последовательном делении интервала пополам и выборе подинтервала, в котором функция меняет знак на противоположный. (ответ запишите строчными буквами)</p> | УК-2 |
| 26 | | <p>Запишите термин, о котором идёт речь.</p> <p>Приближение функции или процесса с помощью более простой функции или процесса. (ответ запишите строчными буквами)</p> | ПК-2 |

| | | | |
|----|--|---|------|
| 27 | | Запишите термин, о котором идёт речь. Таблица чисел, которая представляет собой линейную систему уравнений. | УК-2 |
|----|--|---|------|

Задания открытого типа с развернутым ответом

| | | | |
|----|---|---|------|
| 28 | | Прочтайте текст и запишите развернутый ответ Опишите метод Симпсона и его преимущества по сравнению с методом трапеций. | ПК-2 |
| 29 | | Прочтайте текст и запишите развернутый ответ Что такое вычислительная математика? | УК-2 |
| 30 | | Прочтайте текст и запишите развернутый ответ Почему важно оценивать ошибки в численных методах? | ПК-2 |
| 31 | . | Прочтайте текст и запишите развернутый ответ Каковы ограничения метода Симпсона при интегрировании? | УК-2 |
| 32 | | Прочтайте текст и запишите развернутый ответ Как можно улучшить точность метода конечных разностей? | ПК-2 |